Département fédéral de l'environnement, des transports, de l'énergie et de la communication DETEC

Office fédéral de l'environnement OFEV

# STATISTIQUE DES CRUES

RAPPORT DE STATION

Rhône - Porte du Scex

Explications additionnelles : <u>guide de lecture</u> Contact : hydroanalysen@bafu.admin.ch

# Table des matières

1	Base de données	2
<b>2</b>	Résultats des méthodes paramétriques	6
	2.1 Méthode de Block Maximum (BLOCK)	
	2.1.1 Période d'étude totale : 1905-2015	7
	2.1.1.a Variante stationnaire du modèle	7
	2.1.1.b Variante non stationnaire du modèle	9
	2.1.2 Période de comparaison : 1974-2015	11
	2.1.2.a Variante stationnaire du modèle	11
	2.1.3 Période d'étude à partir du point de rupture : 1958-2015	12
	2.1.3.a Variante stationnaire du modèle	
	2.2 Méthode de Peaks Over Threshold (POT)	14
	2.2.1 Période d' étude POT : 1974-2015	
	2.2.1.a Variante stationnaire du modèle	15
3	Comparaison des résultats	18
	3.1 Evaluation des différentes périodes d'étude	18
	3.2 Comparaison globale des diverses variantes	
4	Bibliographie	<b>2</b> 1
A	nnexe	22
	A Détermination de la valeur seuil pour délimiter les valeurs extrêmes	22
	B Glossaire	

## 1 Base de données

Les données sur les débits ci-après sont disponibles et servent de base à l'évaluation statistique des extrêmes :

Données disponibles	de	à
Maxima mensuels sous forme numérique	01.01.1905	31.12.2015
Maxima journaliers sous forme numérique	01.01.1974	31.12.2015

Un limnigraphe a été mis en service le le 11, avril 1891. Aucune donnée n'est cependant disponible avant 1905.

Les évaluations utilisent soit les maxima mensuels lorsqu'ils ont été mesurés pour des années entières à l'aide du limnigraphe ou les maxima journaliers sous forme numérique (cf. chapitre 2).

Le débit le plus élevé a été observé comme suit :

Pointe de débit maximale	Date	Débit
Maximum journalier le plus élevé	15.10.2000	$1363 \; {\rm m}^3/{\rm s}$
Maximum mensuel le plus élevé	15.10.2000	$1363 \; {\rm m}^3/{\rm s}$

Les données sur le débit présentent les caractéristiques ci-après :

Mode d'écoulement	Description
Régime d'écoulement	Ne peut pas être classé sans équivoque : Débits élevés en été, faibles en
	hiver.
Amplitude de la saisonnalité	Nettement perceptible dans les maxima mensuels et journaliers. (figure
	3 et figure 4)
Influences	Influence de plusieurs centrales hydroélectriques et lacs : Lac des Dix 385
	Mio m <sup>3</sup> (1957), Lac de Mattmark 101 Mio m <sup>3</sup> (1967), Lac de Moiry 78
	$\mathrm{Mio}\mathrm{m}^3$ (1958), Lac de Tseuzier 50 $\mathrm{Mio}\mathrm{m}^3$ (1957), Lac de Cleuson 20 $\mathrm{Mio}\mathrm{m}^3$
	$\mathrm{m^3}$ (1950), Lac de Mauvoisin 210 Mio $\mathrm{m^3}$ (1957), Lac des Toules 20.5 Mio
	m <sup>3</sup> (1963), Vieux-Emosson 14 Mio m <sup>3</sup> (1955), Lac d'Emosson 227 Mio
	m <sup>3</sup> (1974) et Lac de Salanfe 40 Mio m <sup>3</sup> (1952) comme correspondantes
	centrales hydroélectriques. Le débit a subi l'influence la plus forte après
	la mise en service des lacs de retenues $1957/1958$ : à quelques exceptions
	près, les maxima annuels sont nettement plus bas. (cf. figure 1).

Les maxima annuels varient entre 350 et 1350 m³/s environ, les valeurs mesurées affichant une dispersion moyenne dans cette fourchette. Six valeurs supérieures à 1000 m³/s constituent les maxima annuels les plus élevés, tandis que la plupart des valeurs se situent entre 600 et 900 m³/s (avant 1958) ou entre 500 et 750 m³/s (après 1958). Les maxima annuels ont enregistré une forte baisse depuis 1960 environ : Si les maxima annuels les plus bas ont diminué d'environ 100 m³/s, on a tout de même enregistré deux des trois débits les plus élevés depuis lors. Le changement apparaît donc moins important pour les événements dont la période de retour est plus grande (cf. figure 1). Les maxima mensuels moyens sont en revanche beaucoup plus constants depuis 1960; les événements moins importants ont gagné en ampleur, tandis que l'on n'a enregistré que de rares débits supérieurs à 700 m³/s (cf. figure 2). Construite en 1957, les barrages du Lac des Dix et du Lac du Mauvoisin ont éventuellement modifié le mode d'écoulement à partir de cette date. L'analyse des points de rupture révèle un point de rupture significatif aux environs de 1959 (intervalle de confiance 1935-1972). Compte tenu de la diminution des maxima et de la concordance avec l'analyse des points de ruptures, la période d'étude est considérée à partir du point de rupture 1958, année de mise en service du barrage de la Grande-Dixence (lac des Dix) et du Lac du Mauvoisin.

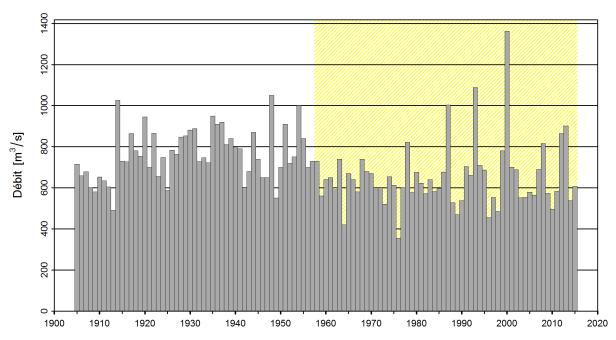


FIGURE 1 – Série chronologique des maxima annuels  $[m^3/s]$  (1905 - 2015, gris foncé : maxima pris en compte durant toute la période d'étude.) Hachuré en jaune : période d'étude à partir du point de rupture (1958)

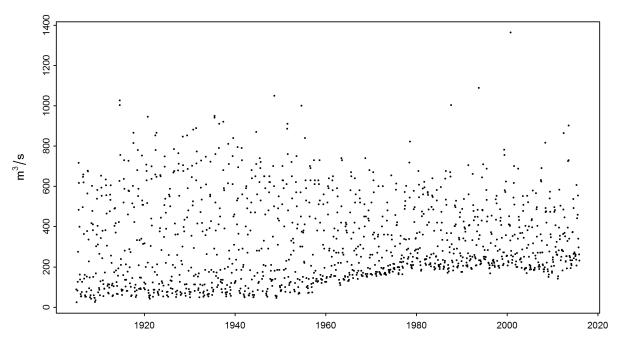


FIGURE 2 – Série chronologique des maxima mensuels  $[\mathrm{m}^3/\mathrm{s}]~(01.01.1905$  - 31.12.2015)

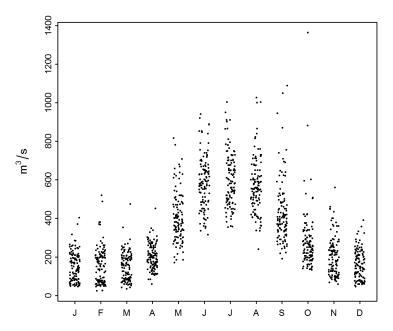


Figure 3 – Variations saisonnières des maxima mensuels  $[\mathrm{m}^3/\mathrm{s}]~(01.01.1905$  - 31.12.2015)

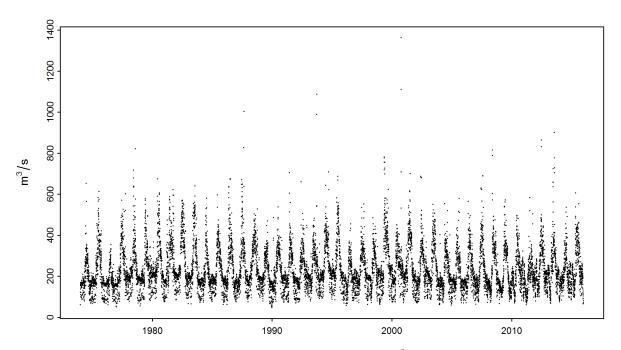


Figure 4 – Série chronologique des maxima journaliers  $[\mathrm{m}^3/\mathrm{s}]$  (01.01.1974 - 31.12.2015)

## Conclusion concernant les variantes du modèle

Changements	Impact	Conclusions
Plusierus lacs de retenue à partir	Les maxima mensuels petits sont	Probablement non stationnaire
de 1960 environ (surtout Lac des	plus élevées, les maxima men-	
Dix et Lac du Mauvoisin)	suels grands et les maxima an-	
	nuels sont plus bas	

## Analyse des points de rupture

Année	Point de rupture significatif	Conclusions
1957 / 1958	oui	Subdivision des données, car la documenta-
		tion disponible sur la station et le bassin ver-
		sant (construction d'une barrage et und cen-
		trale hydroélectrique) explique le point de
		rupture.

## 2 Résultats des méthodes paramétriques

La probabilité des crues  $HQ_T$  est estimée à l'aide de deux méthodes paramétriques (BLOCK et POT). Ces deux méthodes se distinguent par leur manière d'identifier les valeurs extrêmes. Elles se fondent sur les paramètres et les données d'entrée ci-après :

Méthode paramétrique	Pa	aramètre	Données utilisées
Block Maximum (BLOCK)	$\mu$	Paramètre de position	Maxima annuels
	$\sigma$	Paramètre d'échelle	
	$\kappa$	Paramètre de forme	
Peaks Over Threshold (POT)	λ	Taux d'occurrences	Maxima journaliers
	$\sigma$	Paramètre d'échelle <sup>1</sup>	
	$\kappa$	Paramètre de forme	

Dans les deux méthodes paramétriques, on calcule toujours le cas stationnaire. On suppose à cet effet que tous les paramètres de la fonction de répartition demeurent constants sur toute la période étudiée. Si l'historique de la station donne toutefois à penser qu'un changement est intervenu au fil du temps, les paramètres de la fonction de répartition correspondante peuvent être modélisés en fonction du temps. Les variantes de modèle utilisées sont présentées dans les tableaux 1 et 2 ci-après :

Table 1 – Variantes de la méthode BLOCK.  $\mu$  Paramètre de position (mu),  $\sigma$  Paramètre d'échelle (sigma),  $\kappa$  Paramètre de forme (kappa)

Variante	Variantes de la méthode BLOCK				
Nom	Description	Paramètre (t : année)	Nombre de paramètres		
stat	Variante stationnaire	$\mu, \sigma, \kappa$	3		
$\operatorname{mul}$	Tendance linéaire de $\mu$	$\mu = a_1 + a_2 * t,  \sigma, \kappa$	4		
muq	Tendance quadratique de $\mu$	$\mu = a_1 + a_2 * t + a_3 * t^2,  \sigma, \kappa$	5		
$\operatorname{sigl}$	Tendance linéaire de $\sigma$	$\mu, \sigma = b_1 + b_2 * t,  \kappa$	4		
musigl	Tendance linéaire de $\mu$ et $\sigma$	$\mu = a_1 + a_2 * t,  \sigma = b_1 + b_2 * t,  \kappa$	5		
mujump	Évolution non continue de	$\mu = a_1 + a_2 * i, \sigma, \kappa, i = 0 \text{ pour}$	4		
	$\mu$ au moment $t_0$	$t < t_0, i = 1 \text{ quand } t \ge t_0$			

TABLE 2 – Variantes de la méthode POT.  $\sigma$  Paramètre d'échelle (sigma),  $\kappa$  Paramètre de forme (kappa)

Variantes de la méthode POT					
Nom	Description	Paramètre (t : année)	Nombre de paramètres		
stat	Variante stationnaire	$\sigma, \kappa$	2		
$\operatorname{sigl}$	Tendance linéaire de $\sigma$	$\sigma = b_1 + b_2 * t,  \kappa$	3		
$\operatorname{sigjump}$	Évolution non continue de $\sigma$	$\sigma = b_1 + b_2 * i,  \kappa,$	3		
	au moment $t_0$	$i = 0$ pour $t < t_0$ , $i = 1$ quand			
		$t \ge t_0$			

La qualité des variantes est toujours évaluée à l'aide d'un Probability Plot et d'un Quantile Plot (cf. p. ex. figure 5 ci-dessus et <u>Guide de lecture</u> point 2.2.3). Plus les données sont proches de la première bissectrice, plus il est possible de supposer que les hypothèses du modèle sont correctes. Un ordinogramme est utilisé pour décider quel modèle non stationnaire sera utilisé par la suite (cf. figure 5 du <u>Guide de lecture</u> point 2.1.3). Les variantes présentées ci-après sont celles qui fournissent les meilleurs résultats.

<sup>1.</sup> La valeur numérique du paramètre d'échelle  $\sigma$  de la méthode POT n'est pas identique à celle du paramètre d'échelle  $\sigma$  de la méthode BLOCK.

## 2.1 Méthode de Block Maximum (BLOCK)

Dans la méthode de Block Maximum, la valeur maximale enregistrée au cours d'un intervalle de temps (ou «bloc», qui équivaut ici à une année) correspond à la valeur extrême.

Le présent rapport décrit les variantes suivantes de la méthode BLOCK :

Période d'étude	Description	Variante sélectionnée	Point
1905 - 2015 période d'étude totale		stat	point 2.1.1.a
		mujump	point 2.1.1.b
1974 - 2015	période de comparaison	stat	point 2.1.2.a
1958 - 2015	période d'étude à partir du	stat	point 2.1.3.a
	point de rupture		

#### 2.1.1 Période d'étude totale : 1905-2015

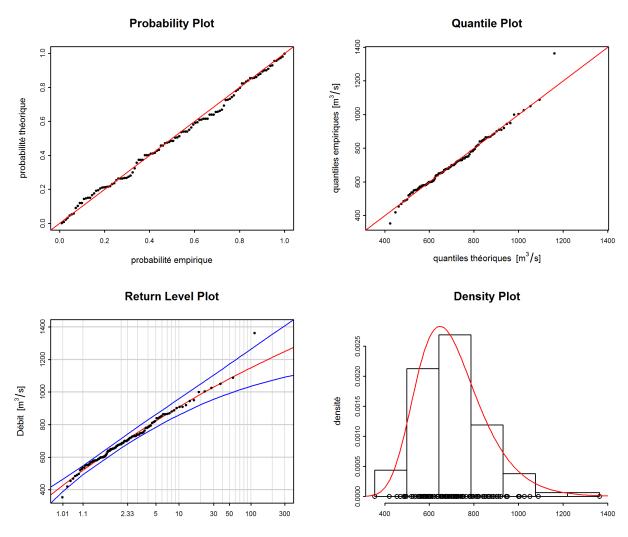
#### 2.1.1.a Variante stationnaire du modèle

Méthode	Variante	Période d'étude	Données d'entrée	Remarque
BLOCK	stat	1905-2015	Maxima annuels	-

Nombre de valeurs utilisées et estimation des valeurs paramétriques :

Nombre de valeurs n	Paramètre de position $\hat{\mu}$	Paramètre d'échelle $\hat{\sigma}$	Paramètre de forme $\hat{k}$
111	638.1	130.44	-0.0713

La qualité de la variante «stat» pour la période d'étude totale est évaluée sur une base graphique à l'aide des graphiques diagnostiques de la figure 5.



 ${\tt Figure}~5-{\tt Graphiques}~{\tt diagnostiques}~{\tt de}~{\tt la}~{\tt variante}~{\tt «stat} {\tt w}~{\tt de}~{\tt la}~{\tt m\'ethode}~{\tt BLOCK}(1905\text{-}2015)$ 

## Evaluation des graphiques diagnostiques (figure 5):

Critères	Evaluation <sup>2</sup>	Remarques
Adéquation dans le domaine inférieur	bonne-moyenne	la valeur la plus basse est suresti- mée
Adéquation dans le domaine moyen Adéquation dans le domaine supérieur	bonne moyenne- médiocre	la valeur la plus élevée est forte- ment sous-estimée
Intervalle de confiance	faible	-

<sup>2.</sup> cf. guide de lecture point 2.2.3

Le tableau ci-après présente, les débits, de l'année la plus récente, déterminés pour différentes périodes de retour à l'aide de la variante stationnaire de la méthode BLOCK sur la période d'étude totale 1905-2015 (y. c. l'intervalle de confiance à 95 % établi selon la méthode delta) :

$\mathrm{HQ}_{\mathrm{T}}$	Limite de confiance inférieure $[m^3/s]$	${ m D\'ebit}[{ m m^3/s}]$	Limite de confiance supérieure [m³/s]
$\overline{\mathrm{HQ}_2}$	657	685	714
$\mathrm{HQ}_2$ $\mathrm{HQ}_{10}$	860	909	959
$HQ_{30}$	956	1030	1105
$HQ_{100}$	1036	1150	1263
$HQ_{300}$	1091	1249	1407

#### 2.1.1.b Variante non stationnaire du modèle

La comparaison des différentes variantes de la méthode BLOCK montre que les variantes «mul», «muay», «musigl» et «mujump» s'écartent de manière significative de la variante stationnaire («stat»). <sup>3</sup>Sur la base de la procédure de comparaison de différentes variantes non stationnaires, telle qu'elle est décrite dans l'ordinogramme, c'est le modèle «mujump» qui constitue la meilleure option. Les différences entre les variantes sont minimes. Le présent rapport s'en tient dès lors aux résultats de la variante «mujump» (cf. figure 5 du guide de lecture).

Méthode	Variante	Période d'étude	Données d'entrée	Remarque
BLOCK	mujump1958	1905-2015	Maxima annuels	-

Nombre de valeurs utilisées et estimation des valeurs paramétriques :

Nombre de valeurs n	Paramètre de position $\hat{\mu}^{4}$		Paramètre d'échelle $\hat{\sigma}$	Paramètre de forme $\hat{\kappa}$
	$\mathbf{a_1}$	$\mathbf{a_2}$		
111	704.24	-118.17	115.41	-0.0344

La qualité de la variante «mujump1958» pour la période d'étude totale est évaluée sur une base graphique à l'aide des graphiques diagnostiques de la figure 6.

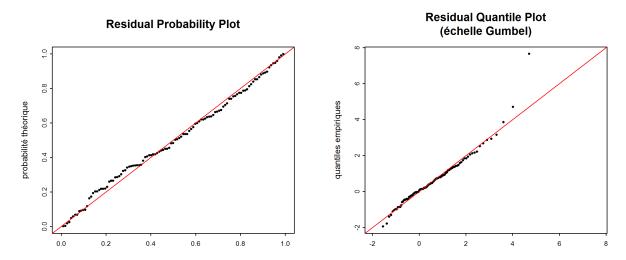


FIGURE 6 – Graphiques diagnostiques de la variante «mujump1958» de la méthode BLOCK (1905-2015)

<sup>3.</sup> Sur la base de l'analyse des points de rupture, l'année 1958 est choisie comme temps  $t_0$  pour la variante «mujump» (cf. point 1).

<sup>4.</sup>  $\hat{\mu} = a_1 + a_2 *i$ , i = 0 pour  $t < t_0$ , i = 1 quand  $t \ge t_0$  (cf. tableau 1)

### Évaluation des graphiques diagnostiques (Figure 6):

Critères	Evaluation $^5$	Remarques
Adéquation dans le domaine inférieur	bonne-moyenne	la valeur la plus basse est suresti-
		mée
Adéquation dans le domaine moyen	bonne	-
Adéquation dans le domaine supérieur	médiocre	plusieurs valeurs sous-estimées; la
		valeur la plus élevée est fortement
		sous-estimée
Comparaison avec la variante stationnaire	moins bonne	sous-estimation plus grande des
-		valeurs les plus élevées.

Le tableau ci-après présente les débits, de l'année la plus récente (2015), déterminés pour différentes périodes de retour à l'aide de la variante «mujump1958» de la méthode BLOCK sur la période d'étude totale 1905-2015 (y. c. l'intervalle de confiance à 95 % établi selon la méthode delta) :

$\overline{\mathrm{HQ_{T}}}$	$egin{aligned}  ext{Limite de confiance} \  ext{inférieure} & [ ext{m}^3/ ext{s}] \end{aligned}$	Débit $[m^3/s]$	Limite de confiance supérieure $[m^3/s]$
$\overline{\mathrm{HQ}_2}$	595	628	661
$\mathrm{HQ}_2$ $\mathrm{HQ}_{10}$	785	836	888
$HQ_{30}$	880	955	1030
$HQ_{100}$	963	1077	1191
$\mathrm{HQ}_{300}$	1024	1184	1343

La figure 7 illustre la modification entre 1905 et 2015 du débit  $HQ_{100}$  calculé à l'aide de la variante «mujump1958».

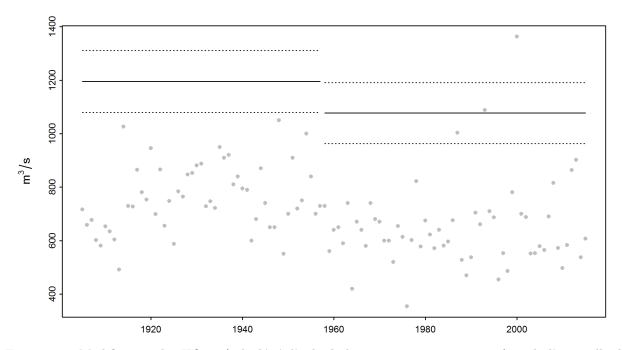


FIGURE 7 – Modification des  $HQ_{100}$  (calculés à l'aide de la variante «mujump1958») et de l'intervalle de confiance à 95 % (méthode delta; lignes en traitillé) durant la période 1905-2015

<sup>5.</sup> Cf. guide de lecture point 2.2.3

## 2.1.2 Période de comparaison : 1974-2015

### 2.1.2.a Variante stationnaire du modèle

Méthode	Variante	Période d'étude	Données d'entrée	Remarque
BLOCK	stat	1974-2015	Maxima annuels	-

Nombre de valeurs utilisées et estimation des valeurs paramétriques :

Nombre	Paramètre de position $\hat{\mu}$	Paramètre d'échelle $\hat{\sigma}$	Paramètre de forme $\hat{\kappa}$
de valeurs n			
42	582.65	124.94	0.0425

La qualité de la variante «stat» pour la période de comparaison est évaluée sur une base graphique à l'aide des graphiques diagnostiques de la figure 8.

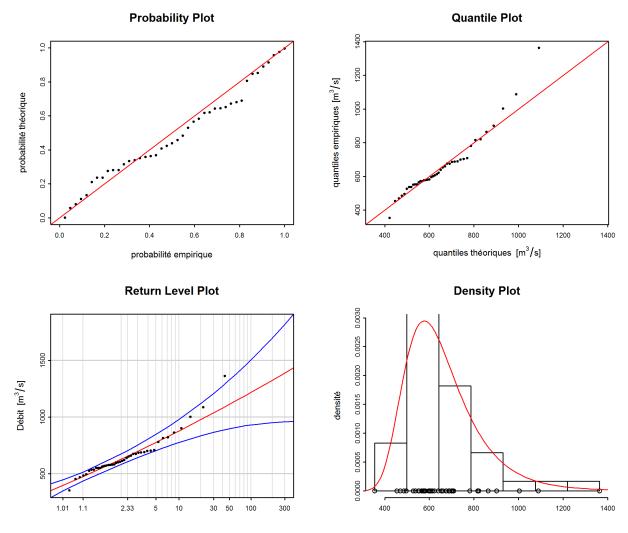


FIGURE 8 - Graphiques diagnostiques de la variante «stat» de la méthode BLOCK (1974-2015)

#### Evaluation des graphiques diagnostiques (figure 8):

Critères	Evaluation $^6$	Remarques
Adéquation dans le domaine inférieur	bonne-moyenne	la valeur la plus basse est suresti- mée
Adéquation dans le domaine moyen	bonne-moyenne	quelques valeurs sonst surestimées
Adéquation dans le domaine supérieur	médiocre	plusieurs valeurs sous-estimées; la valeur la plus élevée est fortement sous-estimée
Intervalle de confiance	moyen	grand pour des périodes de retour grandes

Le tableau ci-après présente, les débits, de l'année la plus récente, déterminés pour différentes périodes de retour à l'aide de la variante stationnaire de la méthode BLOCK sur la période de comparaison 1974-2015 (y. c. l'intervalle de confiance à 95 % établi selon la méthode delta) :

$\mathrm{HQ}_{\mathrm{T}}$	Limite de confiance inférieure $[m^3/s]$	${ m D\'ebit}[{ m m}^3/{ m s}]$	Limite de confiance supérieure [m³/s]
$HQ_2$	583	629	675
$HQ_{10}$	777	878	979
$\begin{array}{c} HQ_2 \\ HQ_{10} \\ HQ_{30} \end{array}$	866	1037	1209
$HQ_{100}$	931	1217	1504
$HQ_{300}$	959	1389	1818

## 2.1.3 Période d'étude à partir du point de rupture : 1958-2015

#### 2.1.3.a Variante stationnaire du modèle

Méthode	Variante	Période d'étude	Données d'entrée	Remarque
BLOCK	stat	1958-2015	Maxima annuels	-

Nombre de valeurs utilisées et estimation des valeurs paramétriques :

Nombre de valeurs n	Paramètre de position $\hat{\mu}$	Paramètre d'échelle $\hat{\sigma}$	Paramètre de forme $\hat{\kappa}$
58	584.04	116.55	0.0077

La qualité de la variante «stat» pour la période d'étude à partir du point de rupture est évaluée sur une base graphique à l'aide des graphiques diagnostiques de la figure 9.

<sup>6.</sup> cf. guide de lecture point 2.2.3

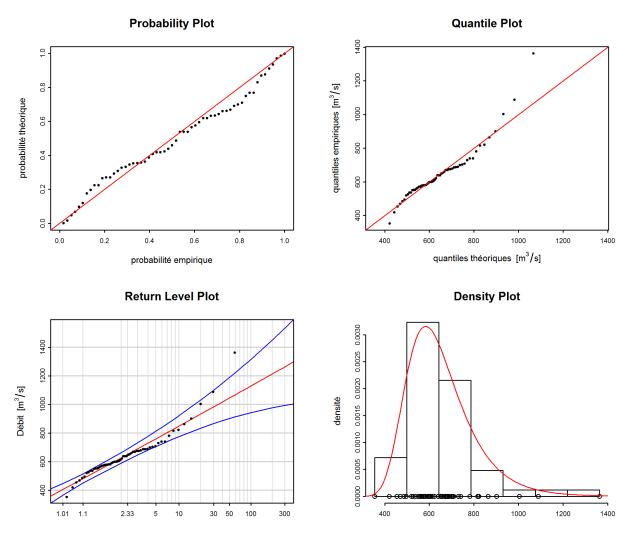


FIGURE 9 – Graphiques diagnostiques de la variante «stat» de la méthode BLOCK (1958-2015)

## Evaluation des graphiques diagnostiques (Figure 9) :

Critères	Evaluation $^7$	Remarques
Adéquation dans le domaine inférieur	bonne-moyenne	la valeur la plus basse est suresti- mée
Adéquation dans le domaine moyen	moyenne	plusieurs valeurs sont surestimées
Adéquation dans le domaine supérieur	médiocre	plusieurs valeurs sous-estimées; la
		valeur la plus élevée est fortement
		sous-estimée
Intervalle de confiance	faible	plus grand pour des périodes de re-
		tour grandes

<sup>7.</sup> cf. guide de lecture point 2.2.3

Le tableau ci-après présente, les débits, de l'année la plus récente, déterminés pour différentes périodes de retour à l'aide de la variante stationnaire de la méthode BLOCK sur la période d'étude à partir du point de rupture 1958-2015 (y. c. l'intervalle de confiance à 95 % établi selon la méthode delta) :

$\mathrm{HQ}_{\mathrm{T}}$	Limite de confiance inférieure $[m^3/s]$	${ m D\'ebit}[{ m m}^3/{ m s}]$	Limite de confiance supérieure [m³/s]
$\overline{\mathrm{HQ}_2}$	591	627	663
$\mathrm{HQ}_2$ $\mathrm{HQ}_{10}$	776	849	921
$HQ_{30}$	867	984	1101
$HQ_{100}$	943	1130	1316
$HQ_{300}$	994	1263	1533

### 2.2 Méthode de Peaks Over Threshold (POT)

La méthode «Peaks over Threshold» (POT) considère comme événements extrêmes ceux qui dépassent une valeur seuil u élevée.

Les calculs selon la méthode POT se fondent sur les maxima journaliers à partir de 1974. Auparavant, il importe toutefois de corriger ces données de l'effet cluster. Dans le cas de Rhône - Porte du Scex, l'intervalle de temps L entre deux événements indépendants est fixé à 13 jours au minimum.

L'analyse porte sur les variantes ci-après de la méthode POT :

Période d'étude	Description	Variante sélectionnée	Point
1974 - 2015	période d'étude POT	stat	point 2.2.1.a

Aucune différence significative ne sépare la variante stationnaire et les variantes non stationnaires du modèle sur la période d'étude POT. <sup>8</sup>

<sup>8.</sup> L'année 1991 a été choisie comme  $\mathbf{t}_0$  pour la variante «sigjump» du modèle.

#### 2.2.1 Période d' étude POT: 1974-2015

Dans ce cas, la valeur seuil u a été fixée à 487 m<sup>3</sup>/s (cf. annexe A). La figure 10 indique les événements extrêmes qui ont effectivement été utilisés.

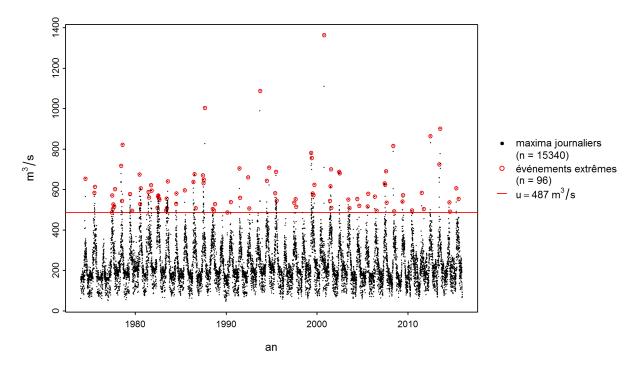


FIGURE 10 - Sélection des valeurs extrêmes utilisées dans la méthode POT

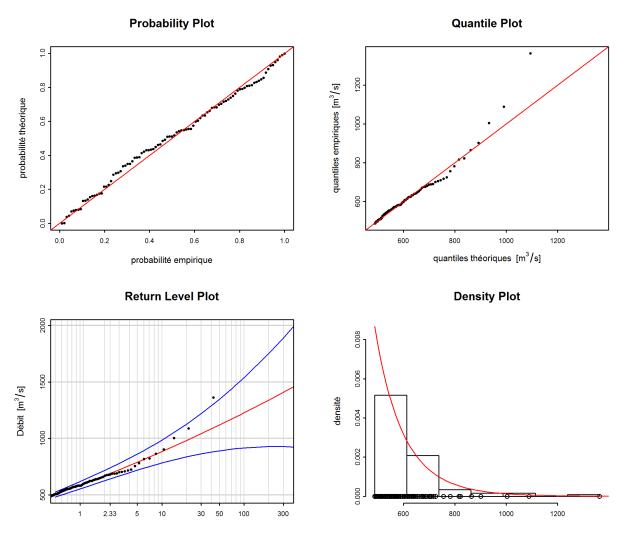
#### 2.2.1.a Variante stationnaire du modèle

Méthode	Variante	Période d'étude	Données d'entrée	Remarque
POT	stat	1974-2015	Maxima journaliers	-

Nombre de valeurs utilisées et estimation des valeurs paramétriques :

Valeur seuil	Nombre de Valeurs	Taux d'occurences	Paramètre d'échelle	Paramètre de forme
u	n	$\hat{\lambda}$	$\hat{\sigma}$	$\hat{\kappa}$
$\frac{1}{487 \text{ m}^3/\text{s}}$	96	2.29	115.35	0.0597

La qualité de la variante «stat» pour la période d'étude POT est évaluée sur une base graphique à l'aide des graphiques diagnostiques de la figure 11.



 ${\tt Figure~11-Graphiques~diagnostiques~de~la~variante~(stat)} \ \ de~la~m\'ethode~POT~(1974-2015)$ 

## Evaluation des graphiques diagnostiques (Figure 11):

Critères	Evaluation $^9$	Remarques
Adéquation dans le domaine inférieur	bonne	-
Adéquation dans le domaine moyen	bonne-moyenne	quelques valeurs sonst surestimées
Adéquation dans le domaine supérieur	médiocre	plusieurs valeurs sous-estimées; la
		valeur la plus élevée est fortement
		sous-estimée
Intervalle de confiance	moyen-élevé	grand pour des périodes de retour
		grandes

<sup>9.</sup> cf. guide de lecture point 2.2.3

Le tableau ci-après présente, les débits, de l'année la plus récente, déterminés pour différentes périodes de retour à l'aide de la variante stationnaire de la méthode POT sur la période d'étude POT 1974-2015 (y. c. l'intervalle de confiance à 95~% établi selon la méthode delta) :

$\mathrm{HQ}_{\mathrm{T}}$	$egin{aligned}  ext{Limite de confiance} \  ext{inférieure} & [ ext{m}^3/ ext{s}] \end{aligned}$	${ m D\'ebit}[{ m m^3/s}]$	Limite de confiance supérieure [m³/s]
$HQ_2$	625	671	716
$HQ_{10}$	782	884	985
$HQ_{30}$	863	1042	1221
$HQ_{100}$	916	1227	1539
$HQ_{300}$	927	1408	1889

# 3 Comparaison des résultats

La figure 12 présente les  $HQ_T$  obtenus à l'aide de la variante stationnaire et des variantes non stationnaires, qui s'avèrent les mieux adaptées aux données dans les deux méthodes paramétriques. Tant les valeurs que la taille de l'intervalle de confiance, qui est une mesure de l'incertitude, varient. Ces écarts sont en général d'autant plus grands que la période de retour T est grande et le nombre des données de base petit.

#### 3.1 Evaluation des différentes périodes d'étude

Seule la méthode BLOCK, qui se fonde sur l'étude des maxima mensuels, permet d'analyser la période d'étude 1905 - 2015. Les résultats de cette méthode ont été comparés pour les différentes périodes d'étude, afin d'illustrer l'influence de la période de mesure :

Périodes	$\mathrm{HQ}_{\mathrm{T}}$	Intervalle de confiance
Période de comparaison /	valeurs légèrement plus pe-	intervalle plus grand
Période d'étude totale	tites pour des périodes de re-	
	tour petites et légèrement plus	
	grandes pour des périodes de	
	retour grandes	
Période à partir du point de rupture /	valeurs plus petites pour des	intervalle légèrement plus
Période d'étude totale	périodes de retour petites et	grand
	moyennes; à peu près équi-	
	valent pour des périodes de re-	
	tour grandes	
Période à partir du point de rupture /	Valeurs légèrement plus pe-	intervalle plus petit
Période de comparaison	tites	

En moyenne, le débit moyen des crues annuelles a diminué après 1958. Les niveaux de retour  $(HQ_T)$  sont dès lors plus bas durant la période de comparaison et la période à partir du point de rupture pour des périodes de retour petites et moyennes. Comme la variance est plus grande entre crues annuelles faibles et très élevées et puisque la valeur maximale a été enregistrée au cours de la période de comparaison, on observe des valeurs encore plus élevées pour les périodes de retour plus grandes (à partir de  $HQ_{100}$ ) que durant la période d'étude totale. Comme seules des crues annuelles modérées ont été enregistrées entre le point de rupture (1958) et le début de la période de comparaison (1974), cet effet n'affiche pas la même ampleur à partir du point de rupture. Vu le petit nombre de données disponibles, l'intervalle de confiance est plus grand pour la période de comparaison et la période à partir du point de rupture que sur l'ensemble de la période d'étude.

#### 3.2 Comparaison globale des diverses variantes

La figure 12 et le tableau correspondant récapitulent les résultats des différentes variantes des méthodes paramétriques. Cette juxtaposition débouche sur les constats suivants :

Différences entre les résultats pour les  $HQ_T$  calculés à l'aide des deux méthodes en général, les  $HQ_T$  de la méthode POT sont légèrement supérieurs à ceux de la méthode BLOCK.

#### Différences entre les intervalles de confiance calculés selon les deux méthodes :

En général, les incertitudes, et dès lors les intervalles de confiance, augmentent lorsque la période de retour T s'allonge et la période d'étude s'écourte. Les intervalles de confiance établis par la méthode POT sont toutefois légèrement plus grands que ceux de la méthode BLOCK pour des périodes de retour grandes.

#### Comparaison entre variantes stationnaires et variantes non stationnaires :

Dans le cas de la méthode BLOCK, l'application d'une variante non stationnaire n'améliore pas la qualité du modèle, bien que le net changement des maxima annuels depuis 1958 ait été intégré dans le modèle. Les niveaux de retour établis par calcul pour l'année 2015 sont dès lors inférieurs à ceux de la variante stationnaire. Cela revient toutefois à sous-estimer plus fortement les niveaux de retour élevés.

Il est impossible de tirer des conclusions quant à l'évolution future, car rien ne permet d'identifier les causes exactes des modifications.

Les résultats de ces applications statistiques ne constituent que l'une des bases pour répondre à des questions concrètes. D'autres connaissances sur les spécificités hydrologiques du bassin versant, des réflexions sur le pire scénario en matière de précipitations et de débits, etc. sont en effet indispensables pour estimer le risque de crue. La division Hydrologie de l'OFEV préconise une manière de procéder «étayée par des arguments hydrologiques» , telle qu'elle est décrite par Merz et Blöschl (2008, cités dans DWA 2012:52).

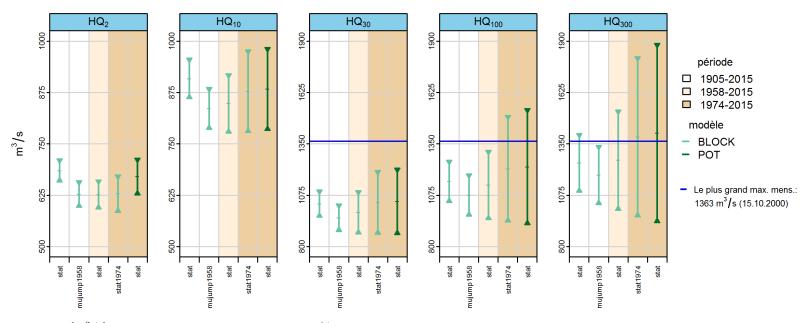


FIGURE 12 –  $HQ_T$  [m<sup>3</sup>/s] y c. un intervalle de confiance à 95 % calculé à l'aide du modèle stationnaire ainsi qu'au moyen de la meilleure variante de la méthode BLOCK et POT pour l'année 2015

Période d'étude	Méthode	Adéquati	ion		Remarque
1905 - 2015	BLOCK stat	bonne-	bonne	moyenne-	la valeur la plus élevée est fortement sous-estimée
		moyenne		médiocre	
	BLOCK mujump1958	bonne-	bonne	médiocre	plusieurs valeurs sous-estimées; la valeur la plus élevée est
		moyenne			fortement sous-estimée
					sous-estimation plus grande des valeurs les plus élevées.
1974 - 2015	BLOCK stat	bonne-	bonne-	médiocre	plusieurs valeurs sous-estimées; la valeur la plus élevée est
		moyenne	moyenne		fortement sous-estimée
1958 - 2015	BLOCK stat	bonne-	moyenne	médiocre	plusieurs valeurs sous-estimées; la valeur la plus élevée est
		moyenne			fortement sous-estimée
1974 - 2015	POT stat	bonne	bonne-	médiocre	plusieurs valeurs sous-estimées; la valeur la plus élevée est
			moyenne		fortement sous-estimée

## 4 Bibliographie

Baumgartner, E., Boldi, M.-O., Kan, C., Schick, S. (2013): Hochwasserstatistik am BAFU - Diskussion eines neuen Methodensets. Wasser Energie Luft, Heft 2/2013. Baden.

Coles, S. (2001): An Introduction to Statistical Modeling of Extreme Values. Springer. London.

DWA (éd.) (2012): Merkblatt DWA-M 552. Ermittlung von Hochwasserwahrscheinlichkeiten. Deutsche Vereinigung für Wasserwirtschaft, Abwasser und Abfall e. V. Hennef.

OFEG (éd.) (2003a): Dictionnaire de la protection contre les crues. Haupt Verlag, Bern.

OFEG (éd.) (2003b) : Evaluation des crues dans les bassins versants de Suisse. Guide pratique. Rapports de l'OFEG. Série Eaux No 4, Berne.

OFEV (2015): Rapports des stations dur la statistique des crues - Guide de lecture. BAFU, Bern.

## Annexe

### A Détermination de la valeur seuil pour délimiter les valeurs extrêmes

La valeur seuil u qui sert à délimiter les extrêmes de la méthode POT pour la période d'étude 1974 - 2015 (cf. point 2.2.1) est fixée à 487 m<sup>3</sup>/s au moyen du «mean residual life plot» (cf. figure 13).

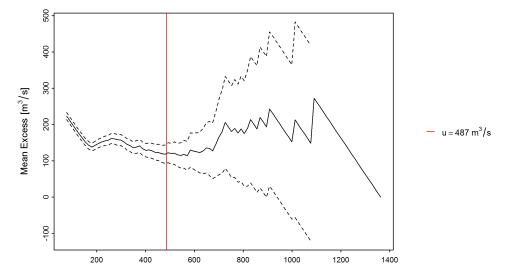


FIGURE 13 – «mean residual life plot» avec le seuil déterminé u (ligne rouge), dépassement moyen (ligne noire), intervalle de confiance à 95 % (traitillés)

# B Glossaire

Période d'étude	Période de temps limitée dont provient un échantillon de débits de crue, cet échantillon étant considéré comme représentatif de l'ensemble des éléments. On admet que les caractéristiques de l'ensemble des éléments sont représentées approximativement par cet échantillon.
Statistique de la déviance	La statistique de déviance sert à évaluer l'adéquation d'un modèle pour un certain ensemble de données.
Deltamethode	L'OFEV applique la méthode delta pour calculer les intervalles de confiance dans les Return Level Plots. Cette méthode se fonde sur un développement de Taylor de la fonction des HQT et sur une distribution asymptotique normale (pour les détails techniques, cf. Coles 2001, p. 33).
Qualité du modèle, qualité de l'ajustement ou adéqua- tion	Mesure de l'écart qui sépare un modèle statistique (valeurs théoriques) et une quantité d'observations ou de relevés (données empiriques).
$\mathrm{HQ}_{\mathrm{T}}$	Débit de crue déterminé à l'aide d'une fonction de répartition pour une période de retour prédéfinie. Le débit $HQ_T$ est une estimation qui peut être inférieure ou supérieure à la valeur réelle des débits de crue dont la période de récurrence statistique est de $T$ années. Le $HQ_T$ est également appelé «temps de retour». Les $HQ_T$ calculés à l'aide des méthodes paramétriques sont valables pour toute une période (cas stationnaire) ou pour l'année sous revue (cas non stationnaire).
Intervalle de confiance	Les intervalles de confiance reflètent l'incertitude des résultats d'un modèle statistique. Ils ne tiennent cependant compte que de l'erreur inhérente au modèle, mais pas d'autres incertitudes (erreurs de mesure, p. ex.).
Méthode du maximum de vraisemblance	Nom d'une méthode qui estime les paramètres d'une fonction de répartition à partir des informations d'un échantillon par la maximisation de la fonction logarithmique de vraisemblance .
Méthode paramétrique	L'un des grands objectifs de la statistique est d'étudier les données d'un échantillon afin d'en tirer des conclusions pour un ensemble d'éléments inconnus. Les méthodes paramétriques constituent un moyen d'y parvenir. Elles partent de l'hypothèse que l'ensemble d'éléments présente une distribution des probabilités prédéfinie qui est déterminée de manière univoque par un ou plusieurs paramètres. Les deux méthodes considérées se fondent sur la distribution selon la loi d'extremum généralisée (BLOCK) et, respectivement, sur la distribution selon la loi de Pareto généralisée (POT), car ces deux distributions reflètent au mieux la nature des données (maxima par blocs et données dépassant une certaine valeur seuil) (cf. Coles 2001).
Méthode de Block Maximum (BLOCK)	La méthode de Block Maximum (BLOCK) définit la valeur maximale enregistrée au cours d'un intervalle de temps (ou «bloc», qui correspond ici à une année) comme étant la valeur extrême (cf. guide de lecture point 2.1.1 ou Coles 2001, point 3.1).
Méthode de Peaks Over Threshold (POT)	La méthode de Peaks Over Threshold (POT) considère comme valeurs extrêmes celles qui dépassent une certaine valeur seuil u (exprimée en m3/s ou en l/s). Avant d'être utilisées, les données sont corrigées de l'effet cluster (cf. guide de lecture point 2.1.2 ou Coles 2001, point 4.2).

Probability Plot (P-P-Plot)	Outil d'appréciation graphique qui consiste à juxtaposer les fonctions de distribution de deux variables statistiques afin de comparer leurs distributions. Il s'agit ici des fréquences empiriques cumulées et des données cumulées de la fonction théorique. Plus les données s'alignent sur la première bissectrice, plus il est permis de penser que les hypothèses du modèle sont correctes. (Ce diagramme contient les mêmes informations que le Q-Q-Plot, représentées sur une autre échelle.)
Quantile Plot (Q-Q-Plot)	Outil d'appréciation graphique qui consiste à juxtaposer les quantiles de deux variables statistiques, afin de comparer leur distribution. Il s'agit ici des débits observés et des débits calculés à l'aide d'un modèle. Si les quantiles empiriques et théoriques coïncident approximativement, les valeurs se situeront près de la première bissectrice du graphique. (Ce diagramme contient les mêmes informations que le P-P-Plot, représentées sur une autre échelle.) Remarque : Les quantiles théoriques sont calculés à partir de la fonction inverse de la fonction de répartition. Les axes sont dès lors permutés pour permettre une comparaison visuelle directe avec le Probability Plot correspondant.
Stationnarité	Lorsque l'on observe, dans une station de mesure, que le mode d'écoulement n'affiche pas de modification sensible durant la période d'observation, il est recommandé d'appliquer un modèle stationnaire. Dans ce cas, on part de l'hypothèse que tous les paramètres de la fonction de répartition demeurent constants durant toute la période d'étude.
Non-stationnarité	Des modèles non stationnaires sont utilisés pour décrire un mode d'écoulement qui subit des changements au fil du temps. Ces modifications peuvent avoir différentes origines : changement d'appareils et de méthodes de mesure, déplacement de la station, modification du lit du cours d'eau ou influence anthropique. Si l'influence anthropique est en cause, il est le plus souvent impossible d'attribuer les changements observés à une seule intervention, car ils résultent de la combinaison de plusieurs mesures relevant de la gestion de l'eau. Lorsqu'une modification des données au fil du temps est probable, les paramètres de la fonction de répartition correspondante sont modélisés en fonction du temps. Par conséquent, les $HQ_T$ établis par calcul changent également au fil du temps.
Fonction de répartition	Cette fonction décrit l'ensemble des débits de crue d'un bassin versant. Elle indique la probabilité qu'un débit de crue HQ soit atteint ou non au cours d'une année.
Distribution empirique	Cette distribution peut être déterminée à partir de l'échantillon choisi.
Distribution théorique de probabilités	Elle permet de passer de l'échantillon choisi à l'ensemble des éléments. Nombre de fonctions de distribution théorique remplissent les conditions pour s'appliquer en statistique des crues, mais aucune ne peut garantir les meilleurs résultats pour tous les échantillons.

Paramètres de distribution	
$\kappa$ Paramètre de forme (kappa)	Le paramètre de forme $\kappa$ est en corrélation directe avec ce que l'on appelle la «Heaviness of Tail» de la distribution. Le Tail étant le domaine qui comprend les valeurs extrêmes supérieures. Lorsque $\kappa$ est grand, le nombre de ces valeurs extrêmes est élevé. Lorsque $\kappa$ est négatif, on admet au contraire que ces valeurs extrêmes restent en deçà d'une limite supérieure.
$\lambda$ Taux d'occurrences (lambda)	Dans la méthode POT, ce paramètre correspond au nombre moyen de dépassements du seuil pendant l'intervalle d'une année.
$\mu$ Paramètre de position (mu)	Ce paramètre décrit la position moyenne des éléments d'un échantillon (ici, les débits observés) par rapport à l'échelle de mesure (en l'occurrence, $m^3/s$ ou $l/s$ ).